

آزمون فرضی طراحی کرده و فرض hypothesis null آن را رد میکنیم، پس فرض کنید که:

$$\begin{cases} \mathcal{H}_0 : & \text{after modification the average lifetime of lights is 1200} \\ \mathcal{H}_1 : & \text{after modification the average lifetime of lights is more than 1200} \end{cases}$$

حال با فرض درستی \mathcal{H}_0 ، از لامپ ها ۱۰۰ نمونه برداشته شده است و به وسیله قضیه حد مرکزی توزیعی برای میانگین طول لامپ ها بدست می آید: (در حقیقت برای محاسبه واریانس از آن استفاده کردیم)

$$\text{average lifetime: } L \sim \frac{\sigma_0 Z}{\sqrt{n}} + \mu_0 \sim \mathcal{N}\left(\mu = \mu_0, \sigma^2 = \frac{\sigma_0^2}{n}\right) \sim \mathcal{N}\left(\mu = 1200, \sigma^2 = 2\right)$$

مقدار p-value را حساب میکنیم و با مقایسه با اندازه α های داده شده، اینکه فرض صفر را میتوان رد کرد یا نه را بررسی میکنیم، پس بنابراین:

$$p - \text{value} = 1 - \Phi\left(\frac{1265 - 1200}{\sqrt{2}}\right) \approx 0$$

پس فرض \mathcal{H}_0 به راحتی رد میشود و همچنین به کمک بازه اطمینان هم میتوان بدست آورد:

$$\begin{cases} 5 \text{ percent interval : } (1200, 1200 + z_{0.01} \times \sigma) = (1200, 1202.34) \\ 1 \text{ percent interval : } (1200, 1200 + z_{0.05} \times \sigma) = (1200, 1203.29) \end{cases}$$

که باز هم مقدار میانگین نمونه ای درون بازه اطمینان قرار نمیگیرد پس میتوان فرض صفر را رد کرد.